## I. Números, relaciones y operaciones

- Valor de posición en números de hasta cuatro cifras.
- · Relación de orden en números naturales con resultados de hasta cuatro
- · Operaciones combinadas de adición, sustracción, multiplicación y división con números naturales de hasta cuatro cifras.
- · Doble, triple, cuádruplo y mitad de un número natural de hasta tres cifras.
- Equivalencias y canjes de monedas (soles y céntimos) y billetes de hasta S/. 200.
- · Gráfica de fracciones.
- · Adición y sustracción de fracciones homogéneas.
- · Fracciones equivalentes.
- Sucesión aritmética.

## II. Geometría y medición

- · Eje de simetría.
- · Perímetro de figuras geométricas básicas.
- · Áreas de figuras geométricas en unidades arbitrarias.
- · Referentes temporales: minutos, horas, días v semanas.
- · Volumen, capacidad de unidades arbitrarias.

#### III. Estadística

- · Tablas de doble entrada, gráfico de barras y pictograma.
- Sucesos numéricos y no numéricos (seguros, probables e improbables).

## CUARTO GRADO DE PRIMARIA

#### I. Número, relaciones y operaciones

- · Descomposición polinómica de un número natural.
- Operaciones combinadas de adición, sustracción, multiplicación v división de números naturales de hasta cuatro
- Equivalencias v canies con monedas v
- Equivalencias y canjes con monedas y billetes.
- · Fracciones equivalentes.
- · Adición y sustracción de fracciones heterogéneas y homogéneas.
- Adición v sustracción de números decimales con aproximación a la décima.
- · Sucesión aritmética.
- Tabla de proporcionalidad directa.

#### II. Geometría v medición

- Ángulos.
- Vértices, caras, aristas en el cubo, prisma recto de base poligonal.
- Polígonos (lados y ángulos).
- Capacidad en litros y mililitros.
- · Unidades para medir superficie (cm o mm).

#### III. Estadística

- · Tabla de doble entrada.
- · Gráfico de barras, pictogramas y gráfico de líneas.
- Sucesos numéricos y no numéricos probables e improbables.

#### QUINTO GRADO DE PRIMARIA

### I. Números, relaciones y operaciones

- Operaciones combinadas con resultado decimal con aproximación a la cen-
- · Adición y sustracción de fracciones heterogéneas.
- · Fracción de una fracción.
- Sucesión con números naturales con dos criterios de formación.
- Cantidades directa e inversamente proporcionales.
- · Equivalencia y canjes de monedas.

## II. Geometría y medición

- Ángulos.
- · Perímetro: triángulo, cuadrado, rectángulo, paralelogramo, trapecio,
- Área de figuras geométricas.
- Capacidad (litros y mililitros).

#### III. Estadística

- · Sucesos numéricos y no numéricos. Probables e improbables.
- Gráficas estadísticas (barras, poligonales y circulares).

#### SEXTO GRADO DE PRIMARIA

## I. Números, relaciones y operaciones

- Operaciones combinadas con números naturales, fraccciones y decimales.
- · Aplicación de la proporcionalidad en cambio monetario, impuestos e intereses.
- · Múltiplos y divisores de un número.
- Máximo común divisor (MCD).
- Mínimo común múltiplo (MCM).
- · Números primos.
- · Cuadrado y cubo de un número menor que 50.
- Équivalencia y cambio monetario.
- Proporcionalidad directa e inversa.

## 15.º Concurso Nacional de Matemática - Temario

#### II. Geometría v medición

- Ángulos.
- · Circunferencia v círculo.
- Área lateral y total de prismas rectos.
- Área lateral y total de poliedros regulares.
- · Volumen de sólidos en unidades arbitrarias de medida.

#### III. Estadística

- · Tablas y gráficas estadísticas.
- Frecuencia absoluta media aritmética v moda.
- · Probabilidad de un evento en un experimento aleatorio.

#### PRIMER GRADO DE SECUNDARIA

#### **ARITMÉTICA**

#### I. Sistema de numeración

- Principios.
- · Representación literal de los números.
- Descomposición polinómica.
- · Cambios de base.
- Cambio de base especial (de la base n<sup>k</sup> a la base n v de base n a la base  $n^k$ ).
- · Propiedades básicas para numerales.

#### II. Operaciones con números naturales

 Adición, sustracción, multiplicación, división en el sistema decimal y otros sistemas de numeración.

### III. Divisibilidad

- · Utilización de los términos divisible y múltiplo.
- Propiedades.
- · De las operaciones básicas con números expresados en función un mismo módulo.
- Si un número está expresado en función de varios módulos, este se puede expresar en función de un solo módulo.
- Principio de Arquímides.
- Criterios de divisibilidad (por: 2<sup>n</sup>, 5<sup>n</sup>, 3; 7; 9; 11; 13; 33 y 99).

#### IV. Clasificación de los números enteros positivos

- Propiedades de los números primos v compuestos.
- Estudio de los divisores.
- Números primos entre sí.

#### V. Conjuntos

- Relación de pertenencia.
- · Determinación de un conjunto.
- · Representación gráfica.
- Relaciones entre conjuntos.
- · Conjuntos especiales.
- · Operaciones entre conjuntos.

#### VI. Números racionales

- Definición de los números racionales v operaciones entre ellos.
- · Definición de una fracción y operaciones con ellas.
- Definición de los números decimales y operaciones con ellos.

## VII. Estadística

- · Probabilidad de un evento en un experimento aleatorio.
- · Diagramas de barras e interpretación.

#### ÁLGEBRA

## I. Valor numérico de expresiones algebraicas

#### II. Ecuaciones lineales con una incógnita

#### III. Funciones

- Par ordenado.
- · Producto cartesiano.
- · Plano cartesiano.
- · Relaciones v funciones.
- · Gráficas de relaciones y funciones.
- · Dominio y rango de funciones lineales.

## **GEOMETRÍA**

## I. Polígonos

- Equiángulo, equilátero, regular.
- Perímetro v área de polígonos.
- Nomenclatura de polígonos.

#### II. Seamentos

Medidas y operación con longitudes.

## III. Ángulos Medidas, clasificación (agudo, obtuso).

- IV. Sistema rectangular de coordenadas
  - · Par ordenado.
  - Plano cartesiano. · Coordenada del punto medio de un segmento.

## V. Simetría

- Axial
- Puntual

#### VI. Geometría del espacio

- Cubo (área de superficie).
- · Prisma y cilindro (área de superficie lateral y total).

## SEGUNDO GRADO DE SECUNDARIA

## **ARITMÉTICA**

#### I. Números racionales

- · Fracciones.
- Clasificación y comparación.
- Operaciones y propiedades.

- Número decimal y su fracción generatriz.
- Descomposición polinómica de números decimales.
- Operaciones con números decimales.

#### II. Potenciación en los enteros

- Cuadrados perfectos y cubos perfectos.
- Criterios de inclusión y exclusión para cuadrados y cubos perfectos.

#### III. Radicación en los enteros

- · Raíz cuadrada y raíz cúbica.
- Propiedades de raíz cuadrada y cúbica exacta e inexacta.
- Algoritmo para extraer la raíz cuadrada de un número.

### IV. Conjuntos

- Operaciones entre conjuntos.
- · Leyes de álgebra de conjuntos.
- Conjunto producto (A × B) (par ordenado y propiedades del conjunto producto).

#### V. Estadística

- Tablas de frecuencias absolutas, relativas, acumuladas con datos agrupados en intervalos e interpretación.
- Diagramas (polígonos de frecuencias, ojiva, circulares) e interpretación.

## VI. Razones y proporciones

- Razones (aritmética y geométrica) e interpretación.
- Proporciones (aritméticas geométricas) e interpretación.
- Razones geométricas equivalentes y propiedades.

#### VII. Combinatoria

 Principios fundamentales (adición y multiplicación).

#### ÁLGEBRA

## I. Expresiones algebraicas

- Variables y constantes. Notación algebraica.
- · Simbolización de enunciados textuales.
- Teoría básica de exponentes (potenciacion y radicación).
- Reducción de términos semejantes.

#### II. Polinomios

- · Operaciones con polinomios.
- División algebraica.
- Factorización de polinomios sobre Z (factor común / agrupación / identidades / aspa simple).

#### III. Funciones

- Función lineal y función lineal afín.
- Dominio y rango de una función lineal.
- Modelos lineales y gráfica de funciones lineales.

#### GEOMETRÍA

#### Ángulos formados por una recta secante a dos rectas paralelas

- Alternos internos, alternos externos, correspondientes, conjugados internos y externos.
- · Propiedades adicionales.

## II. Triángulo

- · Suma de medidas angulares interiores.
- · Medida de un ángulo exterior.

# III. Perímetros de regiones poligonales y áreas de regiones poligonales

#### IV. Circunferencia

 Líneas asociadas a la circunferencia (diámetro, cuerda, arco, fecha, recta tangente y recta secante).

## V. Geometría del espacio

· Pirámide y cono (volúmenes).

## VI. Sistema rectangular de coordenadas

- · Par ordenado.
- · Plano cartesiano.

## TERCER GRADO DE SECUNDARIA

#### **ARITMÉTICA**

## I. Lógica proposicional

- · Esquemas moleculares básicos.
- Tablas de verdad de proposiciones compuestas básicas.

## II. Regla del tanto por ciento

- Operaciones con el porcentaje.
- Aumentos y descuentos sucesivos.
- · Aplicaciones comerciales.

## III. Magnitudes proporcionales

- Relaciones entre dos magnitudes (directa e inversamente proporcionales).
- Propiedades.
- Regla de sociedad o compañía.

## IV. Regla de mezcla

- Cálculo del precio medio.
- · Cálculo del grado medio.
- · Cálculo de la ley media.

#### V. Análisis combinatorio

- Principios fundamentales (adición y multiplicación).
- · Permutación (lineal y circular).
- · Combinación con elementos diferentes.

/ 15.º Concurso Nacional de Matemática - Temario

#### VI. Estadística

 Medidas de tendencia central para datos no agrupados.

#### VII. Probabilidad

- Operaciones con eventos (unión, intersección, diferencia, diferencia simétrica, complemento).
- · Tipos de eventos.

#### ÁLGEBRA

#### I. Polinomios

- Polinomios de dos o más variables (grados).
- Polinomios especiales.
- División algebraica y teorema del resto.
- Productos y cocientes notables.
- Factorización de polinomios sobre Z (factor común / agrupación / identidades / aspa simple / aspa doble especial / divisores binómicos).

#### II. Números reales

- Desigualdades
- · Recta numérica real. Intervalos.
- Operaciones con intervalos. Longitud de un intervalo. Teoremas sobre desigualdades. Inecuaciones lineales y cuadráticas.

#### III. Funciones reales

- · Funciones lineales y cuadráticas.0
- Cálculo de dominios, rango y gráficos de funciones lineales y cuadráticas.
- Modelos de fenómenos reales con funciones cuadráticas.
- · Ecuaciones cuadráticas.
- Análisis de funciones cuadráticas.
- Funciones, valor absoluto y raíz cuadrada.
- Cálculo de dominios, rangos y gráficas de funciones, valor absoluto y raíz cuadrada.
- Ecuaciones con valor absoluto.
- Ecuaciones e inecuaciones irracionales.

#### GEOMETRÍA

## I. Triángulos

- Clasificación.
- Ángulo entre bisectrices.

#### II. Congruencia de triángulos

- Criterios: A-L-A, L-A-L, L-L-L
- Teorema de la bisectriz.
- Teorema de la mediatriz.

## III. Semejanza de triángulos

#### IV. Volumen de sólidos

- Prisma regular.
- · Cilindro y cubo.
- · Pirámide regular.

## V. Áreas de regiones triangulares y cuadrangu-

- Relación de áreas de regiones triangulares y cuadrangulares.
- · Perímetro de regiones poligonales.

#### TRIGONOMETRÍA

- Razones trigonométricas en un triángulo rectángulo.
- Ángulos de elevación y depresión.

#### CUARTO GRADO DE SECUNDARIA

#### ARITMÉTICA

## I. Regla de interés

- Elementos de la regla de interés.
- · Clases de interés.
  - Interés simple.
  - Interés compuesto.
  - Interés continuo.

## II. Lógica proposicional

- Proposiciones compuestas.
- Tablas de verdad y esquemas moleculares
- · Tipos de esquemas moleculares.
- Cuantificadores: existencial y universal.

## III. Estadística

- Medidas de tendencia central.
- Promedio artimético, geométrico, armónico y ponderado.

#### IV. Análisis combinatorio

- Permutación con elementos repetidos.
- Combinatorio con elementos repetidos.

## V. Probabilidades

- Probabilidad para eventos independientes y mutualmente excluyentes, propiedades.
- Función de probabilidad de una variable aleatoria.

## ÁLGEBRA

## I. Números reales

- Axiomas del campo .
- Desigualdades e intervalos.
- Sistemas de ecuaciones lineales de segundo y tercer orden.
- Inecuaciones lineales, cuadráticas e irracionales.

- · Expresiones fraccionarias.
- · Expresiones irracionales.
- Valor absoluto.
- Logaritmos.
- Ecuaciones exponenciales y logarítmicas.

#### II. Sucesiones reales

- Definición, notación y ejemplos.
- · Término general de una sucesión.
- · Gráfica de una sucesión.
- Clases de sucesiones.
- · Sucesiones aritméticas.
- · Sucesiones geométricas.

## GEOMETRÍA

#### I. Teorema de Thales

- · Corolario de Thales.
- · Teorema de la bisectriz interior.
- · Teorema de la bisectriz exterior.

#### II. Semejanzas de triángulos

Criterio de semejanza caso AAA.

## III. Relaciones métricas en el (triángulo rectángulo)

- · Proyección ortogonal.
- · Teorema de Pitágoras.

## IV. Áreas de regiones planas

- Áreas de regiones triangulares.
  - Fórmula básica.

    Fórmula trigonom
  - Fórmula trigonométrica.
  - Fórmula de Herón.
  - En función del inradio y circunradio.
  - Relación de áreas triangulares.
- Áreas de regiones cuadrangulares.
  - Áreas de regiones paralelográmicas.
  - Áreas de regiones trapeciales.
  - Relación de áreas cuadrangulares.
- · Áreas de regiones circulares.
  - Área de un círculo.
  - Área de un sector circular.
  - Área de una corona circular.
  - Lúnulas.

#### V. Polígonos

- · Cálculo del número de diagonales.
- Suma de las medidas de los ángulos interiores.
- Suma de las medidas de los ángulos exteriores.

## VI. Sólidos geométricos

- Área de la superficie lateral y total de los prismas, cilindro, pirámide y cono.
- Volumen de los prismas (cilindro, pirámide y cono).

- Área de una superficie esférica.
- · Volumen de una esfera.

#### VII. Geometría analítica

- · Distancia entre dos puntos.
- · Pendiente de una recta.
- · Ecuación de una recta.
- Rectas perpendiculares y rectas paralelas.
- Ángulo entre rectas.

#### TRIGONOMETRÍA

#### I. Sistema de medición angular

- · Sistema sexagesimal.
- Sistema centesimal.
- · Sistema radial.

# II. Razones trigonométricas para un ángulo aqudo

- Definición de las razones trigonométricas.
- · Resolución de triángulos rectángulos.

## III. Identidades trigonométricas

- Identidades trigonométricas fundamentales.
- Identidades trigonométricas de ángulos compuestos.

## QUINTO GRADO DE SECUNDARIA

#### **ARITMÉTICA**

## I. Lógica proposicional

- · Proposiciones simples y compuestas.
- Conectivos lógicos.
- Tablas de verdad y esquemas moleculares.
- · Tipos de esquemas moleculares.
- Fórmulas lógicas y proposiciones equivalentes.
- · Leyes lógicas.
- Cuantificadores existencial y universal, negación de cuantificadores.

#### II. Estadística

- · Medidas de dispersión.
  - Varianza: para datos agrupados y no agrupados.
- Desviación estándar para datos agrupados y no agrupados.
- Coeficiente de variación (C.V.).

#### III. Probabilidades

- · Probabilidad condicional.
- · Esperanza matemática.

#### ÁLGEBRA

#### I. Números reales

- Método gráfico y método de Gauss para resolver sistemas de ecuaciones lineales.
- · Inecuaciones lineales con dos incógnitas.
- Programación lineal bidimensional...

#### II. Funciones

- Funciones especiales (inyectiva, suryectiva y biyectiva).
- · Función inversa.
- Función exponencial.
- Función logarítmica.
- · Modelos exponenciales y logarítmicas.

#### III. Sucesiones

- Sucesiones definidas por ecuaciones de recursividad.
- · Diferencias finitas.
- · Ecuaciones en diferencias finitas.

#### GEOMETRÍA

# Posiciones relativas entre rectas, planos, rectas y planos

- Posiciones relativas de dos figuras geométricas (paralelismo, secantes y contenidos).
- Condiciones de paralelismo y perpendicularidad.

## II. Ángulo entre rectas alabeadas

 Ángulo entre rectas alabeadas, método del cálculo de la medida del ángulo entre rectas alabeadas.

# III. Recta perpendicular a un plano y teorema de las tres rectas y perpendiculares

- Definición de una recta perpendicular a un plano.
- Condiciones en el teorema de las 3 rectas perpendiculares.

#### IV. Ángulo diedro

- · Definición de ángulo diedro.
- Planos perpendiculares.

# V. Poliedros regulares (tetraedro, hexaedro y octaedro)

- Cálculo de áreas y superficies en los poliedros regulares.
- Desarrollo de superficies en poliedros regulares.

# VI. Sólidos geométricos (prisma, cilindro, pirámide, cono, esfera) áreas y volúmenes

- Prisma v cilindro (superficie v volumen).
- Pirámide y cono (superficie y volumen).
- Esfera (superficie y volumen).

## VII. Geometría análitica (ecuación de la circunferencia, recta tangente a la circunferencia, ecuación de la parábola, ecuación de la elipse)

- · Plano cartesiano.
- Distancia entre dos puntos y división de un segmento en una razón dada.
- Ángulo de inclinación y pendiente de una recta.
- · Ecuación de la recta.
- Distancia de un punto a una recta.
- Distancia entre dos rectas paralelas.

#### TRIGONOMETRÍA

# I. Razones trigonométricas para un ángulo agudo

- Razones trigonométricas de ángulos notables.
- Razones trigonométricas de ángulos complementarios.

# II. Razones trigonométricas para un ángulo en posición normal

- Definición de un ángulo en posición
- Calculo de las razones trigonométricas de un ángulo en posición normal.
- Signos de las razones trigonométricas.
- Razones trigonométricas de ángulos cuadrantales 0°, 90°, 180°, 270°, 360°.

## III. Reducción al primer cuadrante.

- Para ángulos positivos menores que una vuelta.
- Para ángulos positivos mayores que
- una vuelta.Razones trigonométricas de ángulos negativos.

## IV. Identidades trigonométricas.

- Identidades trigonométricas fundamentales.
- Identidades trigonométricas de ángulos compuestos.
- Identidades trigonométricas de ángulos doble y triple.
- Identidades trigonométricas de transformación.

## V. Circunferencia trigonométrica

## VI. Ecuaciones trigonométricas

 Resolución de una ecuación trigonométrica elemental.

## VII. Resolución de triángulos oblicuángulos

- Teorema de senos.
- · Teorema de cosenos.
- · Teorema de tangentes.

Lima, abril del 2012